

**KOSOSIMMETRIK MATRITSALAR TENGLAMALAR SISTEMASI VA  
ULARNI DINAMIK SISTEMAGA TADBIQI**

**MAMATSHARIFOVA FOTIMA AKRAMJON QIZI**

*O'zbekiston milliy universiteti 1-bosqich magistratura talabasi*

+998908536034

**ANNOTATSIYA**

Ma'lumki hozirgi kunda matritsalar matematika, mexanika, nazariy fizika, nazariy elektrotexnika va boshqa ko'plab soxalarda keng qo'llanilmoqda. Ammo matritsalar nazariyasini to'la yoritib beruvchi o'zbek tilida yozilgan adabiyotlar mavjud emas. Ushbu maqolada universitetning yuqori kurs talabalari, margistrlari va ilmiy izlanishlar olib borayotgan barcha mutaxasislar uchun mo'lgallangan bo'lib, unda matritsalar nazariyasining matritsalar algebrasi, kompleks simmetrik, kososimmetrik va ortogonal matritsalar, manfiymas elementli matritsalar, xos qiymatlarni regulyarligi va lokalligining har-xil kriteriyalari, matritsali tenglamalar, kvadratik formalar va ularning tadbiqlari, yirik masshtabli sistemalar turg'unligining umumiylashtirishini olib borayotgan barcha mutaxasislar uchun mo'lgallangan bo'lib, unda matritsalar nazariyasining matritsalar algebrasi, kompleks simmetrik, kososimmetrik va ortogonal matritsalar, manfiymas elementli matritsalar, xos qiymatlarni regulyarligi va lokalligining har-xil kriteriyalari, matritsali tenglamalar, kvadratik formalar va ularning tadbiqlari, yirik masshtabli sistemalar turg'unligining umumiylashtirishini olib borayotgan barcha mutaxasislar uchun mo'lgallangan bo'lib, unda matritsalar nazariyasining matritsalar algebrasi, kompleks simmetrik, kososimmetrik va ortogonal matritsalar, manfiymas elementli matritsalar, tenglamalar sistemasini yechishning o'rniiga qo'yish usuli, kompleks simmetrik, kososimmetrik va ortogonal matritsalar, manfiymas elementli matritsalar, tenglamalar sistemasini yechishning o'shish usuli, o'rindosh tenglamalar sistemi, noo'rindosh tenglamalar sistemi.

**KIRISH**

Matritsa tushunchasi chiziqli algebraning asosiy tushunchalaridan biri bo'lib, uning talaba tomonidan chuqur o'zlashtirilishi muhim ahamiyatga ega. Chunki, bu tushunchaning tadbiqlari zamonaviy ishlab chiqarishdagi muhim iqtisodiy, texnikaviy masalalarni yechishda keng qo'llaniladi. Matritsani transponirlash deb, biror aniq qonun yoki qoida bo'yicha uning barcha elementlarini o'rinlarini almashtirishga aytiladi. Bizga  $m \times n$ , ( $m \leq n$ ) o'lcovli  $A = (a_{ij})$ , ( $i = 1, 2, \dots, m$ ,  $j = 1, 2, \dots, n$ ) – to'g'ri to'rburchakli matritsa berilgan bo'lsin. Matritsaning barcha elementlarini o'rinlarini almashtiruvchi trivial (sodda) qoidalarni qarab chiqaylik: 1. Matritsa satrlarini (ustunlarini) uning ustunlari (satrlari) bilan to'g'ridan to'g'ri (to'g'ri tartibda) almashtirish, 2. matritsa satrlarini (ustunlarini) uning ustunlari (satrlari) bilan teskari tartibda almashtirish, 3. matritsa  $i$ -chi satrini ( $i=1, 2, \dots, m$ ) mos ravishda  $m+1-i$ -chi satr bilan almashtirish, 4. matritsa  $j$ -ustunini ( $j=1, 2, \dots, n$ ) mos ravishda  $n+1-j$ -ustuni bilan

almashtirish, 5. matritsa i- satrini ( $i=1,2,\dots,m$ ) mos ravishda  $m+1-i$ -chi satri bilan, justunini ( $j=1,2,\dots,n$ ) mos ravishda  $n+1-j$ - ustuni bilan almashtirish. Avval matritsa bilan bog‘liq bo‘lgan ba’zi tushunchalarni aniqlab 15 olamiz. Ma’lumki xar bir to‘g‘ri to‘rburchakli matritsaga shu matritsa elementlari ichida yotuvchi to‘g‘ri to‘rburchak mos keladi.

### **ADABIYOTLAR TAHLILI VA TADQIQOT METODIKASI**

Ushbu maqolada tahlil qilib o’tiladigan usullar nafaqat umumiy o’rtta ta’lim maktab o’quvchilari, olimpiadaga qatnashuvchi o’quvchilar, talabalar uchungina emas balki o’qituvchilarimiz uchun ham qo’llanma bo’la oladi deyish mumkin. Bundan tashqari ushbu usul oliy ta’lim muassasasidagi mavjud “Algebra va sonlar nazariyasi” fanini o’rganishlarida maktab o’quvchilariga poydevor, oliy ta’lim muassasalari talabalari uchun esa o’tilayotgan mavzularni tushunishda ancha katta ko’mak bo’ladi deyish mumkin.

a) A matritsaning bosh (bosh bo‘lman) diagonali deb, shu matritsaning aii ,  $i=1,2,\dots,m$  ( $a_{i,m+1-i}, i=1,2,\dots,m$ ) elementlari joylashgan nuqtalardan o‘tuvchi to‘g‘ri chiziq kesmasiga aytiladi. b) A matirsaning vertikal (gorizontal) o‘qi deb, shu matritsaga mos to‘g‘ri burchakli to‘rburchakning vertikal (gorizontal) simmetriya o‘qlariga aytiladi, v) A matritsaning markazi deb, unga mos to‘g‘ri to‘rburchakning simmetriya markaziga aytiladi. To‘g‘ri to‘rburchakli A matritsaning bosh va bosh bo‘lman diagonallari unga mos to‘g‘ri to‘rburchakning diagonallari bilan ustma - ust tushmaydi. Shuning uchun bunday matritsalar transponirlanganda ularning o‘lchovi  $n \times m$  ga almashadi. Agar nqm bo‘lsa, ya’ni A kvadrat matritsadan iborat bo‘lsa, u xolda bu matritsaning bosh (bosh bo‘lman) diagonali unga mos kvadratning chap (o‘ng) diagonali bilan ustma - ust tushadi. Demak , geometrik nuqtai nazardan matritsani transponirlash nuqta yoki to‘g‘ri chiziqqa nisbatan amalga oshiriladi. Agar nuqta yoki to‘g‘ri chiziq kesmasi shu matritsaga mos to‘g‘ri to‘rburchak (kvadrat) ning simmetriya markazi yoki simmetriya o‘qi bilan ustma - ust tushsa, u xolda transponirlangan matritsaning o‘lchovi o‘zgarmaydi, aks xolda transponirlangan matritsaning o‘lchovi o‘zgaradi. Agar A matritsa biror nuqta yoki to‘g‘ri chiziqqa nisbatan transponirlansa, u xolda bu matritsaning shu nuqta yoki to‘g‘ri chiziqda yotgan elementlari (agar bo‘lsa) o‘zgarmay qoladi. Agar A matritsaga biror to‘g‘ri to‘rburchak (kvadrat) mos kelib, A matritsa shu to‘g‘ri to‘rburchak (kvadrat)da yotuvchi nuqta yoki to‘g‘ri chiziq kesmasiga nisbatan transponirlangan bo‘lsa, u xolda transponirlangan matritsaga shu to‘g‘ri to‘rburchak (kvadrat) ni transponirlash o‘tkazilgan nuqta yoki to‘g‘ri chiziq kesmasi atrofida  $180^\circ$  ga burilgani mos keladi.

### **MUHOKAMA VA NATIJALAR**

Matritsalarni transponirlashning mexanik ma’nosini ochish uchun matritsa bilan yirik masshtabli mexanik sistemalar (YMMS) o‘rtasida quyidagicha moslik o‘rnamatamiz.  $A=(a_{ij})$  – to‘g‘ri burchakli mxn (aniqlik uchun  $m \leq n$  deb olamiz) o‘lchovli

matritsa bo‘lib, Rn da aniqlangan (YMMS) m ta erkin qism sistemalardan tashkil topgan bo‘lsin. A matritsaning bosh diagonalida yotuvchi elementlariga YMMS ning erkin qism sistemalarini shunday mos qo‘yamiz, unda  $a_{ii}$ ,  $i=1,2,\dots,m$  elementga mos keluvchi erkin qism sistema  $a_{m+1-i,m+1-i}$  elementga mos keluvchi erkin qism sistema bilan muvozanatlashsin, A matritsaning  $a_{ij}$ ,  $i,j=1,2,\dots,m$  elementlari  $a_{ij} = \langle \rangle$  elementlariga mos  $a_{ii}$  va  $a_{jj}$ ,  $i,j=1,2,\dots,m$  erkin qism sistemalar orasidagi bog‘lanishlar ( teskari bog‘lanishlar) ni, ya’ni  $(a_{ii})$   $a_{jj}$  elementga mos keluvchi erkin qism sistemani  $(a_{jj})$   $a_{ii}$  elementga mos keluvchi erkin qism sistemaga ta’sirini ifodalovchi funksiyalarini mos qo‘yamiz. Bu bog‘lanishlar YMMS ning ichki bog‘lanishlari deyladi. A matritsaning qolgan elementlariga, ya’ni  $a_{ij}$ ,  $i=1,2,\dots,m$ ,  $j=m+1,m+2,\dots,n$ ,  $i,j \neq i,j$  elementlari  $a_{ij} = + + \langle \rangle$  elementlariga erkin qism sistemalar bilan berilgan YMMS bilan birga xarakterlanuvchi tashqi sistemalar orasidagi bog‘lanishlar ( teskari bog‘lanishlar) ni mos qo‘yamiz. Bu bog‘lanishlar tashqi bog‘lanishlar deyiladi. Agar  $m = n$  bo‘lsa, tashqi bog‘lanishlar qaralmaydi, ya’ni barcha bog‘lanishlar ichki bog‘lanishlar bo‘ladi. Bunday o‘rnatilgan moslikda matritsaning mos bo‘lmagan diagonalidagi elementlarga o‘zaro muvozanatlashuvchi erkin qism sistemalar orasidagi bog‘lanishlar va teskari bog‘lanishlar mos keladi. Agar  $m - n$  bo‘lsa, u xolda xar bir erkin qism sistemaga mos muvozanatlashtiruvchi erkin qism sistema mavjud bo‘ladi. Agar  $m - n > 0$  bo‘lsa, u xolda  $n-m$  elementga mos erkin qism sistemaga muvozanatlashuvchi qism sistema mavjud bo‘lmaydi. Shuning uchun bu erkin qism sistema etalon qism sistema deyilib, aloxida qaraladi. (Masalan, yirik masshtabli energetik sistemalarda sistemani tashkil etuvchi mashinalar soni toq bo‘lib, bitta mashina etalon mashina sifatida qaraladi). Bunday moslikdan ko‘rinadiki, transponirlash YMMS lar ichki strukturasi o‘zgarishini aniqlaydi.

1. A matritsaning satrlarini (ustunlarini) ustunlari (satrlari) bilan to‘g‘ri tartibda almashtirib, xosil qilingan A ( $a_{ij}$ ),  $j = 1, 2, \dots, n$ ,  $i = 1, 2, \dots, m$ ,  $ji \in \mathbb{R}$  = matritsa, 2. A matritsaning satrlarini (ustunlarini) ustunlari (satrlari) bilan teskari tartibda almashtirib xosil qilingan  $A = (a_{n+1-j, m+1-i})$ ,  $j = 1, 2, \dots, n$ ,  $i = 1, 2, \dots, m$   $\perp$  matritsa, 3. A matritsaning  $i$ - satrini  $m+1-i$  satr bilan almashtirib xosil qilingan  $(a_{i, m+1-i})$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ ,  $A = am+1-i$ ,  $j \in \mathbb{R}$   $i = m$   $j = n$  matritsa, 4. A matritsaning  $j$ - ustunini  $n+1-j$ - ustuni bilan almashtirib, xosil qilingan  $A(a_{i, n+1-j})$ ,  $i = 1, 2, \dots, m$ ,  $j = 1, 2, \dots, n$   $= + - =$  matritsa, 5. A matritsaning  $i$ - satrini  $m+1-i$  satr bilan,  $j$ - ustunini  $n+1-j$ - ustuni bilan almashtirib xosil qilingan  $(a_{i, m+1-i})$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ ,  $A = am+1-j$ ,  $n+1-j \in \mathbb{R}$   $i = m$   $j = n$  matritsa, A matritsani 1) bosh diagonali bo‘yicha, 2) bosh bo‘limgan diagonali bo‘yicha, 3) gorizontal o‘qi bo‘yicha, 4) vertikal o‘qi bo‘yicha, 5) markazi bo‘yicha transponirlangan matritsasi deyiladi. Bu ta’rifning geometrik ma’nosи A matritsaga mos keluvchi to‘g‘ri to‘rtburchakni 1) bosh diagonalidan o‘tuvchi to‘g‘ri chiziq atrofida, 2) bosh bo‘limgan diagonalidan o‘tuvchi to‘g‘ri chiziq atrofida, 3) gorizontal o‘qi atrofida, 4) vertikal o‘qi atrofida, 5) A matritsa markazi atrofida  $180^\circ$  ga burishni ifodalaydi. (\**Barcha misollar*

*Miladjonov.V.G', Mullajonov.R.V, Turg'unova. K.X, Abdugapporova Sh.N.,  
Mullajonova J.V. MATRITSALAR NAZARIYASINING TANLANGAN BOBLARI)*

### **XULOSA**

Matritsa tushunchasi chiziqli algebraning asosiy tushunchalaridan biri bo'lib, uning talaba tomonidan chuqur o'zlashtirilishi muhim ahamiyatga ega. Chunki, bu tushunchaning tadbiqlari zamonaviy ishlab chiqarishdagi muhim iqtisodiy, texnikaviy masalalarni yechishda keng qo'llaniladi.

### **FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR**

1. Белман Р. В. Ведение теории матриц. – М. , Наука, 1976.
2. Гельфонт И. М. Чизиыли алгебрадан лекциялар. -Т. Олий ва ўрта мактаб. 1964
3. Гантмахер Р. Теории матриц. – М.: Наука, 1967. – 576 с.
4. Груйич Л.Т., Мартинюк А.А., Риббенс – Павелла М. Устойчивость крупномасштабных систем при структурных и сингулярных возмущениях. – Киев.: Наука. думка, 1984. – 307 с.
5. Демидович Б.П. Лекции по математическое теории устойчивости. – М.: Наука, 1967. – 472 с.
6. Iskandarov D., Mullajonova J. Kvadratik formalarning ishoralari. Respublika ilmiy-amaliy anjumani materiallari. – Andijon 2011. 67-68 betlar.
7. Курош А. Г. Олий алгебра курси. Т. «Ўқитувчи» 1976